

# خطای روشهای ما

## اندازه‌گیری در جغرافیای طبیعی<sup>۱</sup>

نویسنده: جف واربر تون\*  
ترجمه: شهرام بهرامی

### چکیده

ما به ندرت در مورد چگونگی دقت اندازه‌گیری‌هایی که انجام می‌دهیم فکر می‌کنیم. مقاله حاضر بعضی از مزایای تفکر در مورد خطاها و بسیاری از روشهایی که در آن خطاها، اندازه‌گیری‌های ما را در جغرافیای طبیعی تحت تأثیر قرار می‌دهند، را تشریح می‌کند. مثلاً از ژئومرفولوژی رودخانه‌ای، استفاده شده است تا ماهیت خطاها و چگونگی ایجاد آنها و نیاز به تشریح دقیق عدم قطعیت‌ها<sup>۲</sup> روشن شوند. اساساً جغرافیای طبیعی، هنوز یک علم مبتنی بر مطالعات میدانی<sup>۳</sup> است و ما برای انجام کارهای جغرافیای طبیعی نیاز داریم که اندازه اشکال طبیعی و فرآیندهای محیطی را برداشت کنیم. به عنوان مثال در برنامه درسی<sup>۴</sup> سطح AEB-A سال ۲۰۰۱، انتظار می‌رود که داوطلبین، تحقیقات میدانی را برعهده گیرند، که در آن لازم است داده‌های میدانی اولیه، به دقت جمع‌آوری، ثبت و تفسیر شوند. بهترین مثال، محاسبه دبی<sup>۵</sup> رودخانه است که نیازمند اندازه‌گیری دو پارامتر، شکل مجرای رودخانه و سرعت جریان است.

### اندازه‌گیری

معمولاً قبل از اینکه به یک سری اندازه‌گیری‌ها در جغرافیای طبیعی

مبادرت ورزیم، سه سؤال مهم را مطرح می‌کنیم:

۱- چه اندازه‌گیری‌هایی را باید انجام دهیم؟

۲- دلیل انجام چنین اندازه‌گیری‌ها چیست؟

۳- چگونه اندازه‌گیری‌ها را انجام دهیم؟

متأسفانه چهارمین سؤال که به همان اندازه مهم است اغلب

فراغش می‌شود:

۴- اندازه‌گیری‌ها چقدر قابل قبول هستند؟

یک آزمایش ساده برای این موضوع آن است که با برداشت از مجلات جغرافیای طبیعی که جدیداً منتشر شده یا یک کتاب درسی، تکنیک میدانی سطح A<sup>۶</sup> و شمارش تعداد دفعات، خطاهای اندازه‌گیری بررسی می‌شوند. ارزیابی خطا در اندازه‌گیری، نقش مهمی در توسعه علم داشته است. اندازه‌گیری‌ها، ابزاری را برای آزمایش و اصلاح تئوریا فراهم می‌کنند. جمله مشهور «وقتی که شما بتوانید آنچه را که در مورد آن صحبت می‌کنید، اندازه‌گیری کنید و آن را به صورت کمی بیان کنید، شما در مورد آن چیزی می‌دانید، اما موقعی که نتوانید آن را اندازه‌گیری و به صورت اعداد بیان کنید، دانش شما از نوع ناقص یا ناکافی است.» منسوب به لورد کلوین<sup>۷</sup>

فیزیکدان بزرگ (۱۹۰۷-۱۸۲۴) می‌باشد.

این گفته موثق، ارزش کارهای تجربی را بیان می‌کند و اگر چه می‌توانیم مطمئن باشیم که لورد کلوین، اندازه‌گیریهای بسیار دقیقی را در آزمایشگاهش انجام داد، اما اندازه‌گیری بدون اطلاع از «کنترل کیفی» احتمالاً خطرناک‌تر از اندازه‌گیری‌هایی است که اصلاً بدون ارقام هستند.

هدف این مقاله کوتاه تشویق شما برای ارزیابی مجهول، در طرح و انجام هر نوع اندازه‌گیری است، که در جغرافیای طبیعی انجام می‌دهید. این فرآیند عموماً به آنالیز خطا معروف است. هدف این است که بعضی از مزایای آنالیز خطا و بسیاری روشهای دیگر که در آنها خطای اندازه‌گیری ایجاد می‌شود را به شما گوشزد کند. در اینجا مثالی از محاسبه دبی رودخانه، با استفاده از روش مساحت-سرعت<sup>۱۰</sup>، به کار رفته است تا نکات مهمی را نشان دهد.

### طبیعت خطاها

خطا دارای دو معنی است:

۱- تفاوت بین مقدار اندازه‌گیری شده و مقدار واقعی. مقدار واقعی اغلب مجهول است.

۲- خطای مربوط به تکرار اندازه‌گیری‌ها در دفعات مشابه. این خطا می‌تواند به روشهای گوناگون بیان شود، به عنوان مثال: انحراف معیار یا خطای درصد ( $\pm 3$ ).

این دو تعریف دقیقاً مربوط به اصطلاحات صحت<sup>۱۱</sup> و دقت<sup>۱۲</sup>

می‌شوند. صحت، درجه درستی یک مقدار و دقت درجه تغییرپذیری مربوط به یک روش خاص اندازه‌گیری است. با مراجعه به نتایج شلیک ۵ تیر در هدف توسط ۳ تیرانداز<sup>۱۴</sup>، می‌توان به صورت نموداری، این دو اصطلاح را تفهیم کرد. تیرانداز ۱ بدترین پرتاب را دارد زیرا تیرها دارای کمترین صحت و دقت هستند. تیرانداز ۳ بهترین پرتاب را دارد، زیرا پرتاب دارای صحت و دقت بالایی است. تیرانداز ۲ دقیق اما نادرست است.

بنابراین، دقت، نشانه تقریبی کیفیت یک اندازه‌گیری است و عموماً بوسیله خطای درصد، (به عنوان مثال یک اندازه‌گیری  $(x) \pm 5\%$ )، بیان می‌شود. خطا در هر اندازه‌گیری به دلایل بسیاری، شامل روش اندازه‌گیری، ابزار مورد استفاده و توجه انجام شده در اندازه‌گیری، ایجاد می‌شود. در محیطهای طبیعی به علت تغییرپذیری اشکال طبیعی و فرایندها، خطای بیشتری ایجاد می‌شود. بنابراین هر مقدار اندازه‌گیری شده  $(x)$  دارای یک عدم قطعیت یا خطای  $(e)$  مربوط به آن است. خطا، یک اندازه اختلاف بین مقدار اندازه‌گیری شده و مقدار واقعی است  $(X)$ .

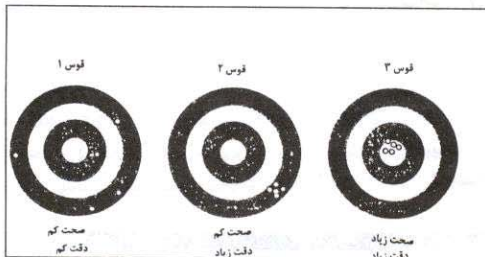
معادله (۱)

$$X = x \pm e$$

هر اندازه‌گیری باری<sup>۱۵</sup> از اصطلاح خطا را به همراه دارد. متأسفانه این

جدول (۱): نمونه‌های خطاها در اندازه‌گیری دبی رودخانه

اصطلاح خطا در بسیاری از تحقیقات جغرافیای طبیعی «بازگم شده»<sup>۱۶</sup> می‌باشد و بنابر مصلحت، فراموش شده است. اصطلاحات خطا ممکن است به صورت واحدهای یکسان اندازه‌گیری، مثل انحراف معیار یا خطای نسبی یا کسری، که عموماً به صورت درصدی گزارش می‌شود، بیان شوند. اگر چه تعمیم مشکل است، اما در بیشتر شرایط کار میدانی، اصطلاحات خطایی کمتر از ۵٪ به عنوان عالی و کمتر از ۱۰٪ خوب و کمتر از ۲۰٪ قابل قبول در نظر گرفته می‌شوند. انتظار می‌رود که مقادیر اندازه‌گیری شده در آزمایشگاه، درصد کمی از مقدار واقعی باشند.



نگاره (۱): نمایش نموداری تعاریف صحت و دقت. هدفها نتایج ۵ شلیک را از ۳ تیرانداز نشان می‌دهند.

### انواع خطاها

خطاها، ممکن است که از منابع متعددی ایجاد شوند. اما آنها عموماً به خطاهای سیستماتیک<sup>۱۷</sup> (ثابت)، خطاهای اتفاقی<sup>۱۸</sup> و خطاهای غیرمنطقی<sup>۱۹</sup> (نادرست) طبقه‌بندی می‌شوند.

جدول (۱) مثال‌هایی از این نوع خطاها را در مورد اندازه‌گیری دبی رودخانه، با استفاده از روش سرعت-مساحت، ارائه داده است.

اگر چه بیشتر مردم با روش سرعت آشنا هستند. اما لازم به ذکر است که دبی  $(Q)$  به صورت مترمکعب در ثانیه  $(m^3 s^{-1})$  به عنوان نتیجه، سرعت  $(v)$  (به صورت متر در ثانیه  $(ms^{-1})$ ) ضربدر مساحت مقطع عرضی رودخانه (به صورت مترمکعب  $(m^2)$ ) محاسبه می‌شود.

معادله (۲)

$$Q = v \times A$$

به علت خطاهای مربوط به اندازه‌گیری سرعت و مساحت (جدول (۱))، لازم است که دو اصطلاح خطا، محاسبه شوند. این دو خطا، خطاهای ترکیب شده از همه عدم قطعیت‌هایی هستند که به طور بالقوه، اندازه‌گیری را تحت تأثیر قرار می‌دهند. این اثر ترکیبی آنها به معنی آن است که در دبی

خطا	مثال	روش مساحت - سرعت
سیستماتیک	تصحیح دستگاه	نوار مورد استفاده برای اندازه گیری پهنای رود، طولانی می شود.
	خطاهای مشاهده	سرعت، به طور پیوسته، در عمق نادرست اندازه گیری می شود.
	شرایط آزمایشگاهی	سرعت جریان دائماً در طول دوره اندازه گیری افزایش می یابد.
انفاتی	خطای فضاوت	سرعت جریان در مکانهای خیلی کمی اندازه گیری می شود.
	شرایط تغییر (نوسان)	سطح آب به سرعت بالا و پائین می رود.
	طغیان یا آشفتگی کوچک	جریان سنخ در طول ثبت، حرکت داده می شود.
	مشکلات تعریف	تعریف لپه های کانال مشکل است.
غیرمنطقی	اشتباه بزرگ	محل جریان سنخ در مقطع عرضی ثبت نمی شود.
	خطاهای شمارشی	فرمول نادرست در کالیبراسیون جریان سنخ، استفاده می شود.
	خطاهای نامنظم	خطاهایی که اغلب غیر قابل توضیح هستند و ترسیم و کشف آنها مشکل است.

و منجر به تخمین دبی می شود.  $11 \pm 2/26$   
 که خطا  $25 \pm$  مترمکعب در ثانیه است.

محاسبه شده، خطا وجود دارد:

$$Q \pm eQ = V \pm ev \times A \pm eA \quad \text{معادله (۳)}$$

اندیس ها (زیر نویس)  $^2$  خطا را در مقادیر محاسبه شده و اندازه گیری شده مربوطه نشان می دهند.

### بحث پیرامون خطاها

شکل معادله (۳) به علت در برداشتن اصطلاحات خطائی، برای اکثر مردم ناآشنا است. به هر جهت در معادلاتی که شامل متغیرهای اندازه گیری شده هستند، اصطلاحات خطا همیشه به طور ضمنی معرفی می شوند. مشکل آن است که هنگامی که دو مقدار اندازه گیری شده در هم ضرب می شوند، چگونه می توانیم خطائی را که در عدد نتیجه ایجاد می شود محاسبه کنیم؟ راه حل این مسئله، تخمین خطاها در مقادیر مستقیماً اندازه گیری شده سرعت و مساحت و سپس تعیین اینکه چگونه این خطاها در محاسبه ترکیب می شوند تا باعث ایجاد خطا در تخمین دبی شوند، می باشد. این موضوع به انتشار (تکثیر)  $^2$  خطا معروف است و نشان می دهد، همچنان که ما منابع مختلف خطا را با هم ترکیب می کنیم، اندازه خطاها می تواند افزایش یابد.

### ضمیمه ۱

#### مثالی از انتشار خطائی

اجازه دهید که دوباره محاسبه دبی را مورد بررسی قرار دهیم:

$$Q = v \times A \quad \text{معادله (۲)}$$

قانون محاسبه دبی آن است که اگر سرعت (v) و مساحت مقطع عرضی (A) با چند درجه ای از خطا اندازه گیری شده باشند. (eA, ev) به ترتیب و این مقادیر برای محاسبه دبی (Q) مورد استفاده قرار گیرند. درصد خطا در دبی (eQ)، مجموع درصد خطاها در v و A است.

$$eQ = ev + eA \quad \text{معادله (۴)}$$

نتایج اندازه گیری های مساحت - سرعت را در یک مجرای کوچک با بستر گراولی ملاحظه کنید: مساحت مقطع عرضی (مترمکعب)،  $2/79 \pm 6/6$

سرعت (متر در ثانیه)  $5/5 \pm 8/81$  است.

$$Q = 2/79 \times 5/81$$

معادله (۲) دبی را بیان می کند:

$$eQ = 6/6 + 5/5$$

و با استفاده از معادله (۴) خطاها محاسبه می شوند.

### تشریح عدم قطعیت و اعداد اصلی

یکی از نشانه های عدم قطعیت در اندازه گیریهای خاص، دقت عددی است که اندازه گیری با آن بیان می شود. مثلاً به یک رودخانه ای که پهنای آن ۱۲ متر تخمین زده شده است توجه کنید: این نشان می دهد که پهنای ۱۲ نزدیکتر از ۱۱ و ۱۳ متر است، که اشاره بر  $5/5 \pm 12$  متر دارد. تعداد ارقام اصلی  $^{22}$  (ارقامی که با عددی غیر از صفر شروع و با عددی غیر از صفر پایان

## پاورقی

۱- مقاله حاضر (the error of our ways: Measurement in physical geography) از مجله زیر است: *Geography review*, انتشارات Philip Allan, محل نشر Deddington oxfordshire, شماره ۵، می ۲۰۰۰ صفحه ۱۳ تا ۱۵.

- 2 - uncertainties
- 3- field - based science
- 4 - syllabus
- 5 - discharge
- 6 - A - Level field - technique text book
- 7 - Lord kelvin
- 8 - quality control
- 9 - error analysis
- 10 - velocity - area method
- 11 - accuracy
- 12 - precision
- 13 - firing
- 14 - archer
- 15 - baggage
- 16 - Lost luggage
- 17 - systematic
- 18 - random
- 19 - illegitimate
- 20 - subscripts
- 21 - error propagation
- 22 - significant figures
- 23 - rule of thumb
- 24 - last digit
- 25 - scientific notation
- 26 - pebbles
- 27 - calliper

می پذیرند)، دقت اندازه گیری را نشان می دهند. یک قانون تجربی آن است که خطا، به طور کلی، نصف واحد آخرین رقم<sup>۲۴</sup> نشان داده شده است. به هر جهت اگر پهنای رودخانه ۱۵۰ متر گزارش شود یک مشکل ایجاد می شود، زیرا آخرین رقم صفر است. این به معنی خطای ۵/۰± متر است یا ۵± متر؟ این مشکل می تواند بوسیله یک نمادگذاری<sup>۲۵</sup> (عددنویسی) علمی برطرف شود.

به عنوان مثال  $1.0 \times 10^2$  متر به یک خطای  $0.05 \times 10^2$  متر اشاره دارد در حالی که  $1.50 \times 10^2$  متر به یک خطای  $0.05 \times 10^2$  دلالت می کند. در نمادگذاری علمی همه صفرها اهمیت دارند.

## تفسیر نهایی

هر چند مقاله حاضر، توضیح دقیقی از تئوری خطاها یا پایه آماری آنها ارائه نداده است، اما سعی کرده است که اهمیت اغلب پنهان خطا و عدم قطعیت را در اندازه گیریهای جغرافیای طبیعی روشن کند. در آینده، وقتی یک مقدار اندازه گیری شده به شما ارائه شود یا نیاز داشتید که یک طرح اندازه گیری را انجام دهید، یک سؤال از خود پرسید، خطا کجاست؟

## تکالیف عملی و نکاتی برای بحث

(۱): ۱۰ قلوه سنگ<sup>۲۶</sup> جمع کنید. با استفاده از وسیله اندازه گیری مشابه (مثل خط کش یا کولیس<sup>۲۷</sup> (قطرسنج)) حداکثر قطر ۱۰ سنگ را اندازه گیری کنید و میانگین ماکزیمم قطر را محاسبه نمایید. سپس یک دوست را وادار کنید که همین کار را انجام دهد. آیا اختلافی بین دو تخمین میانگین شما وجود دارد؟ اگر وجود دارد، چرا این اختلاف ایجاد شده است؟ به جدول (۱) مراجعه کنید و خطاهای محتمل را که در اندازه گیری وارد می شوند، مورد بحث قرار دهید.

(۲): ۳ قلوه سنگ را انتخاب کنید. یک خط کش به یک دوست و یک جفت کولیس به دوست دیگر بدهید از هر دو بخواهید که به طور مستقل کار کنند و سه محور اصلی ریگها را اندازه گیری کنند. کدام نتایج برای شما قابل قبول است و چرا؟

## مطالعه بیشتر

در اینجا دو منبع که موضوع آنالیز خطا را معرفی می کند، ارائه شده است. این منابع لیست کاملی نیست، اما به عنوان یک مقدمه به ویژه برای معلمانی مفید است.

\* استادیار جغرافیای طبیعی و علوم محیطی دانشگاه دارهام. تحقیقات عمده وی شامل ژئومرفولوژی رودخانه‌های و محیطهای کوهستانی است.