

# شناسایی تغییرات هندسی در شرایط حفظ محتوای رادیومتریکی

## از طریق روشی مبتنی بر مثلث‌بندی همزمان دسته‌اشعه

بهنام قاسم‌زاده‌قورمیک<sup>۱</sup>

علیرضا صفری‌نژاد<sup>۲</sup>

تاریخ دریافت مقاله: ۱۴۰۱/۰۷/۱۶

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۴۰۱/۰۴/۰۷

\*\*\*\*\*

### چکیده

جایه‌جایی اندک پدیده‌ها در محیط مصداقی از تغییرات سه‌بعدی تلقی شده که احتمالاً شباهت رادیومتریکی عوارض متناظر را بر هم نمی‌زند. جایه‌جایی اندک عوارض در صحنه، فرونشست یا برآمدگی سطح زمین، اثرات مربوط به اعمال فشار و کشش محلی به مواد در صنعت و مواردی از این دست را می‌توان در زمرة تغییرات هندسی قلمداد کرد که نمود رادیومتریکی محسوسی در تصاویر ندارند. در چنین شرایطی، شناسایی خودکار نقاط متناظر در تصاویر اخذ شده قبل و بعد از تغییرات هندسی، منجر به تشخیص نقاط تغییریافته به عنوان عوارض مشابه در دو مقطع زمانی می‌شود. مثلث‌بندی همزمان نقاط متناظر شناسایی شده در بلوک‌های عکسی قبل و بعد از تغییرات هندسی، مستلزم تفکیک مختصات سه‌بعدی مجھول برای نقاط تغییریافته در دو مقطع است. عدم لحاظ شدن این موضوع، نقص در طراحی مدل ریاضی قلمداد شده که اصلاح آن نیازمند شناسایی نقاط متناظر تغییر یافته است. در این مقاله، روشی تکراری مبتنی بر پایش بردار باقیمانده‌های مربوط به مشاهدات تصویری هر نقطه‌ی سه‌بعدی در روند مثلث‌بندی پیشنهاد شده که قادر به شناسایی نقاط تغییریافته است. سازوکار این روش پیشنهادی بر پایه مقایسه‌ی نسبی شاخص‌های آماری مستخرج از بردار خطأ در دو حالت مثلث‌بندی همزمان و مستقل تصاویر اخذ شده در بلوک‌های عکسی قبل و بعد از تغییرات هندسی است. در این روش پس از شناسایی نقاط تغییریافته، مدل ریاضی مربوطه در روند مثلث‌بندی اصلاح و برای هر نقطه‌ی تغییریافته دو مختصات سه‌بعدی برآورده می‌شود. نتایج اجرای روش پیشنهادی در بیش از یازده آزمایش مختلف به طور متوسط حاکی از موفقیت ۸۵/۸ درصدی در شناسایی نقاط تغییریافته با بزرگی‌ها و راستای‌های متفاوت بوده که در مقایسه با روش‌های مرسوم هندسی مبتنی بر تخمین پایدار هندسه‌ی اپیپلار بهبود ۳۴/۵ درصدی را نشان می‌دهد.

واژه‌های کلیدی: شناسایی تغییرات هندسی، مثلث‌بندی دسته‌اشعه، تناظریابی خودکار، تست باردا، بردار باقیمانده‌ها

\*\*\*\*\*

۱-دانشجوی کارشناسی ارشد فتوگرامتری، گروه ژئودزی و مهندسی نقشه‌برداری دانشگاه تفرش geo97.ghasemzadeh@tafreshu.ac.ir

۲-استادیار گروه ژئودزی و مهندسی نقشه‌برداری دانشگاه تفرش (نویسنده مسئول) safdarinezhad@tafreshu.ac.ir

و مقایسه‌ی مدل‌های سه‌بعدی به کمک تصاویر همپوشان در دو مقطع زمانی به اجرا رسیده و تغییرات دو بعدی نیز به کمک تناظریابی در تصاویر هم‌مرجع شده دنبال می‌شود (*Fauzan et al., 2021*).

هم‌مرجع‌سازی تصاویر و یا مدل‌های سه‌بعدی بکمک عوارض تغییرنیافته پیش‌شرط آشکارسازی تغییرات در این حوزه محسوب می‌شود (*Ochoa-Arias and Delgado-Pinos, 2020*). در ادامه برخی از تحقیقات مرتبط با آشکارسازی تغییرات هندسی به کمک تکنیک‌های فتوگرامتری مور شده است. رفیعی و سعادت سرشت در سال ۲۰۱۴ با تولید نقاط سه‌بعدی از طریق مثلث‌بندی دسته اشعه برای دو مقطع زمانی قبل و بعد از تغییرات هندسی و هم‌مرجع‌سازی آن‌ها از طریق عوارض متناظر به شناسایی تغییرات سه‌بعدی پرداختند (*Rafiee and Saadatseresht, 2014*).

اسماعیلی و عبادی در سال ۲۰۱۸ به منظور اندازه‌گیری تغییرات سه‌بعدی بدنی اتومبیل پس از برخورد از تکنیک CPDA<sup>1</sup> مبتنی بر فتوگرامتری برداشت از استفاده نموده‌اند. در این روش با به کارگیری همزمان تصاویر اخذ شده قبل و بعد از تغییر شکل بدنی خودرو یک مثلث‌بندی دسته اشعه همزمان انجام می‌شود. در این روند نقاط تارگت‌گذاری شده که در دو مقطع زمانی بدون تغییر مانده‌اند با یک مختصات سه‌بعدی در فضای شئی و تارگت‌های موجود در مناطق تغییرنیافته هر یک با دو مختصات سه‌بعدی (یک مختصات برای قبل و یک مختصات برای بعد از تغییر شکل) به عنوان مجهول در فرایند مثلث‌بندی حضور دارند. اینکار با کاهش عدم قطعیت‌های مرتبط با هم‌مرجع‌سازی مدل‌های سه‌بعدی در دو مقطع زمانی توانسته دقت برآورده تغییر شکل سه‌بعدی را به شکل محسوسی ارتقاء بخشد (*Esmaeili and Ebadi, 2018*).

گودا<sup>2</sup> و همکاران در سال ۲۰۱۹ نیز از تکنیک فتوگرامتری برای اندازه‌گیری تغییر شکل سه‌بعدی مخازن کامپوزیتی تقویت شده با فیبر کربن در هنگام بارگذاری استفاده نمودند. عدم امکان به کارگیری حسگرهای

## ۱- مقدمه

امروزه جایگاه فتوگرامتری و کاربردهای آن با سرعت بیشتری در عرصه‌های عمرانی، صنعتی و باستان‌شناسی در حال تثبیت است. ساخت دوربین‌های عکس‌برداری نوظهور، ارتقاء زیرساخت‌های نرم‌افزاری و سخت‌افزاری و همچنین توسعه‌ی روز افزون تکنیک‌های پردازشی، زمینه ارتقاء جایگاه فتوگرامتری را فراهم آورده است (*Kot et al., 2020; Kurniawan et al., 2021; Ba and Mohammad, 2021*). انتظار می‌رود در آینده، تکنیک‌های فتوگرامتری برای حل مسائل مرتبط با تعیین‌موقعیت و مدل‌سازی سه‌بعدی به شکل فراگیرتری در اختیار عموم قرار گیرد. پیش‌شرط دستیابی به چنین هدفی توسعه‌ی راهکارهای خودکار و قابل تعمیم بوده که توسط متخصصین این حوزه در قالب بسته‌های نرم‌افزاری تجاری قابل ارائه باشند.

تغییر، به هرگونه تمایزی اطلاق می‌شود که در فاصله دو مقطع زمانی اتفاق افتاده باشد. تغییرات رادیومتریکی و هندسی مهم‌ترین اشکال بروز تمايز در پدیده‌ها در هنگام ثبت داده‌های تصویری محسوب می‌شوند (*Ba and Mohammad, 2021; Esmaeili et al., 2019*). بر این اساس، انتظار می‌رود که بتوان آن دسته از تغییراتی که منجر به ایجاد تمایز در محتوا رادیومتریکی و یا موقعیت هندسی ثبت عوارض در فضای تصویری می‌شود را به کمک تکنیک‌های پردازش تصویری و فتوگرامتری شناسایی نمود. در روش‌های شناسایی تغییرات رادیومتریکی، هم‌مرجع‌سازی تصاویر یکی از پیش‌پردازش‌های مهم تلقی شده که چالش‌های تأمین آن با افزایش توان تفکیک مکانی تشديد می‌گردد (*Peppa et al., 2019*). تفکیک تغییرات رادیومتریکی ناشی از عوامل ماهوی و محیطی نیز یکی دیگر از جنبه‌های چالش‌برانگیز در این حوزه قلمداد می‌شود که نیازمند به کارگیری اقدامات پالایشی و پردازشی مختلف در شناسایی تغییرات ماهوی خواهد بود (*De Jong and Bosman, 2019; Saha et al., 2019*). در مقابل، تغییرات هندسی سه‌بعدی به اشکال مختلفی شناسایی می‌شوند. تغییرات هندسی سه‌بعدی از طریق تولید

## فصلنامه علمی - پژوهشی اطلاعات جغرافیایی (۲۰۲۱)

شناسایی تغییرات هندسی در شرایط حفظ محتوای رادیومتریکی از طریق روشی مبتنی بر ... / ۲۲

کنترلی در مناطق دارای صعوبت مورد استفاده قرار گیرد  
*(Cook and Dietze, 2019)*

بروز تغییرات سه بعدی در موقعیت عوارض بدون اثرات محسوس رادیومتریکی نوع خاصی از تغییرات تلقی شده که می تواند مصادق های متنوعی در دنیای واقعی داشته باشد. مصادیقی همچون: ۱- فرونشست یا برآمدگی سطح زمین و سازه های عمرانی، ۲- تغییر شکل یا جابه جایی اجسام تحت تأثیر تنش های داخلی و یا نیروهای خارجی، ۳- شناسایی تغییرات سه بعدی استtar شده و ۴- تغییر جزئی در چیدمان اشیاء را می توان در زمره تغییرات سه بعدی تلقی نمود که محتوا رادیومتریکی عوارض را به شکل محسوسی تغییر نداده و صرفاً اختلافات هندسی را بوجود می آورند. ثبت تصویر/ تصاویر از مواضع ثابت می تواند تشخیص چنین تغییراتی را با سهولت بیشتری همراه سازد  
*(Cardenal et al., 2019; Cook and Dietze, 2019)*. در این شرایط مقایسه‌ی پیکسل به پیکسل تصاویر اخذ شده می تواند راهگشا باشد. اما اخذ تصاویر همپوشان از مواضع متفاوت در دو مقطع زمانی، آشکارسازی چنین تغییراتی را پیچیده تر می سازد. تولید مدل های سه بعدی سطح به صورت هم مرجع شده در دو مقطع زمانی می تواند در آشکارسازی این تغییرات مؤثر باشد *(Goda et al., 2019)*. هر چند، عدم وجود مؤلفه‌ی عمق در تغییرات رخداده و همچنین عدم قطعیت‌های مرتبط با هم مرجع سازی مدل های سه بعدی در زمان بروز چنین تغییراتی، چالش‌های این حوزه قلمداد می شوند.

در این مقاله روشی برای شناسایی تغییرات هندسی عوارض در زمان حفظ محتوا رادیومتریکی از طریق اخذ بلوك‌های عکسی در دو مقطع زمانی، پیشنهاد شده است. در این راهکار، بعد از تناظریابی خودکار میان تمامی تصاویر اخذ شده در دو مقطع زمانی، با اجرای مثلث‌بندی دسته‌اشعه به صورت یک شبکه‌ی آزاد، موقعیت‌های سه بعدی نقاط متناظر و پارامترهای خارجی تصاویر برآورده شود. در این مثلث‌بندی، تصاویر هر دو مقطع زمانی به صورت همزمان مشارکت دارند. محتمل است که برخی از نقاط

جابه جایی و کرنش سنج‌های تماسی، مشوق اصلی محققین در به کار گیری تکنیک‌های فتوگرامتری بوده است. در روش به کار رفته تارگت‌ها قبل از بارگیری بر روی بدنه مخازن نصب شده و روند تغییرات سه بعدی موقعیت تارگت‌ها در روند بارگذاری مورد پایش قرار گرفته است *(Goda et al., 2019)*. همچنین تئو<sup>۱</sup> در سال ۲۰۲۰ برای اندازه‌گیری تغییر شکل سه بعدی دیوارهای بتنی در آزمایش‌های تخریبی، عملکرد سنسورهای تماسی اندازه‌گیری جابه جایی خطی (LVDT) <sup>۲</sup> را با تکنیک‌های بازسازی سه بعدی مبتنی بر SfM <sup>۳</sup> مقایسه نموده است. در این فرایند پس از تولید ابرنقاط متراکم در دو مقطع زمانی و هم مرجع سازی آنها، موقعیت‌های جابه جایشده از طریق فیلتر گذاری شناسایی شده‌اند. نتایج به دست آمده از روش فتوگرامتری در موقعیت‌های نصب LVDT در بدنه‌ی دیوارهای بتنی همبستگی بالای درصدی را با اندازه‌گیری‌های نقطه‌ای نشان داده است. با توجه به امکان اندازه‌گیری پیوسته تغییر شکل در روش‌های بینایی مبنا، این راهکار به عنوان جایگزین مناسبی برای روش‌های نقطه‌ای اندازه‌گیری تغییر شکل معروفی شده است *(Teo, 2020)*. کوک و دیتر <sup>۴</sup> در سال ۲۰۱۹ با هدف تولید نقشه‌ی تغییرات سه بعدی سطح ابتدا از طریق تصاویر اخذ شده توسط پهپاد مجهز به سامانه‌ی GNSS دو ابرنقاط مجزا در دو مقطع زمانی را تولید نمودند. سپس هم مرجع سازی دو ابر نقطه از طریق شناسایی عوارض مشترک در مناطق بدون تغییر به اجرا رسیده است. به این شکل نیاز به نقاط کنترل زمینی برای زمین مرجع سازی ابرنقاط از فرایند تولید نقشه‌ی تغییرات سه بعدی حذف شده است. نتایج نشان داد که در صورت وجود همپوشانی بالا بین ابرهای نقطه در مناطق بدون تغییر و دقت ۲-۱ سانتی‌متری در تعیین موقعیت مراکز تصویر توسط GPS حداقل دقت تا دو برابر بیشتر از توان تفکیک مکانی تصاویر اخذ شده قابل تأمین خواهد بود. چنین راهکاری می تواند جمع آوری نقاط

1- Teo

2- Linear Variable Differential Transformer

3- Structure from Motions

4- Cook and Dietze

مدل سه بعدی هم مرجع شده گردد.

مقاله حاضر مشتمل بر پنج بخش بوده که بعد از بخش حاضر به عنوان مقدمه، روش پیشنهادی تشریح شده است. داده های آزمون و مراحل آماده سازی آن در بخش سوم تشریح شده و بخش چهارم به نتایج روش پیشنهادی و تحلیل آن اختصاص دارد. بخش آخر از این مقاله نیز به نتیجه گیری و پیشنهادات اختصاص دارد.

## ۲- روش شناسی

روش پیشنهادی در این تحقیق مبتنی بر مثلث بندی همزمان دسته اشعه بر پایه معادله مشهور شرط هم خطی (رابطه ۱) برای بلوک های عکسی اخذ شده قبل و بعد از تغییرات هندسی است.

$$\begin{bmatrix} x + \Delta x \\ y + \Delta y \\ -f \end{bmatrix} = \lambda \times \mathbf{M} \times \begin{bmatrix} X - X_0 \\ Y - Y_0 \\ Z - Z_0 \end{bmatrix} \quad \text{رابطه (۱)}$$

در رابطه (۱)،  $[x, y]^T$  بردار موقعیت متریک یک نقطه در فضای تصویر پرسپکتیو،  $\Delta x, \Delta y$  بردار اصلاح اعوجاجات هندسی دوربین در ثبت موقعیت های تصویری،  $[X, Y, Z]^T$  بردار موقعیت سه بعدی متناظر در فضای شئی،  $[X_0, Y_0, Z_0]^T$  موقعیت مرکز تصویر در سیستم مختصات زمینی،  $M$  ماتریس دوران سه بعدی،  $\lambda$  ضریب مقیاس و  $f$  فاصله کانونی دوربین عکس برداری می باشند.

این روش برای شرایطی توسعه یافته که دو بلوک عکس برداری در دو مقطع زمانی از یک منطقه توأم با تغییرات هندسی اخذ شده باشند. تغییرات هندسی در دو مقطع زمانی به نحوی بوده که محتوای رادیومتریکی مخدوش نشده و این موضوع منجر به اختلال در فرایند تناظریابی خودکار شده است. این شباهت حتی ممکن است موجب اشتباه در انتخاب نقاط متناظر به صورت دستی نیز گردد. در این شرایط نقاط متناظری در مناطق تغییر یافته به عنوان پدیده های مشابه در دو مقطع زمانی شناسایی می شوند. به طور پیش فرض، در هنگام تشکیل دستگاه

متناظر شناسایی شده، در مناطق توأم با تغییرات هندسی واقع شده باشند. به عبارت بهتر، به کارگیری تناظریابی خودکار مبتنی بر محتوای رادیومتریکی تصاویر می تواند منجر به شناسایی نقاط متناظری در دو مقطع زمانی شود که از نظر رادیومتریکی مشابه اما در دو مقطع زمانی دچار جابه جایی های هندسی شده باشند. به کارگیری این نقاط در روند مثلث بندی می تواند بزرگی مقادیر باقیمانده های به دست آمده از روند تعديل کمترین مربعات را تحت تأثیر قرار داده و دقت مثلث بندی را بکاهد. چالش اصلی در مثلث بندی همزمان، شناسایی نقاط متناظر عکسی در مناطق تغییر یافته بوده که در مثلث بندی به شکل نادرست برای برآورد یک موقعیت سه بعدی واحد در فضای شئ مشارکت دارند. روند پیشنهادی با اجرای آزمون های آماری نسبی بر روی بردار باقیمانده های مربوط به مشاهدات عکسی نقاط متناظر مشترک در دو مقطع زمانی، تلاش می کند که با شناسایی و تفکیک مختصات سه بعدی مجھول برای نقاط مشکوک (یک نقطه سه بعدی برای هر مقطع زمانی) توازن و تعادل را به فرایند سرشکنی خطای مشاهدات در مثلث بندی دسته اشعه باز گرداند. ایده ای اصلی این روش از یک رویکرد آماری در شناسایی مشاهدات نادرست در شبکه های ژئودتیکی (مشهور به روش باردا) الهام گرفته شده است (Baarda, 1968). در این روش مشاهدات توأم با اشتباهات فاحش در یک روند تکراری به کمک تست های آماری بر روی بردار باقیمانده های سرشکنی شناسایی و حذف می شوند (Teo, 2020).

از مزایا و جنبه های نوآورانه راهکار پیشنهاد شده در این مقاله می توان به موارد ارائه شده در ادامه، اشاره داشت:

- ۱- عدم نیاز به هم مرجع سازی دستی مدل های سه بعدی تولید شده در دو مقطع زمانی، -۲- حساسیت روش به تغییرات هندسی در هر سه مولفه مختصاتی فضای شئی و -۳- تعیین پارامترهای خارجی تصاویر دو مقطع زمانی در یک سیستم مختصات واحد که می تواند در صورت به کارگیری تکنیک های تناظریابی متراکم منجر به تولید دو

## فصلنامه علمی - پژوهشی اطلاعات جغرافیایی (۲۸۰)

شناسایی تغییرات هندسی در شرایط حفظ محتوای رادیومتریکی از طریق روشی مبتنی بر ... / ۲۹



نگاره ۱: فلوچارت کلی روش پیشنهادی در شناسایی نقاط تغییریافته هندسی از طریق مثبت‌بندی همزمان دسته اشعه

معادلات مرتبط با مثبت‌بندی دسته اشعه برای تمامی نقاط متناظر شناسایی شده مرتبط به یک نقطه واحد در فضای زمین، یک مختصات سه‌بعدی مجھول در فضای زمین در نظر گرفته می‌شود. این اقدام هنگام جایه‌جایی هندسی آن نقطه در دو مقطع زمانی، نقص در طراحی مدل ریاضی قلمداد شده که برای اصلاح آن می‌باشد دو مختصات سه‌بعدی مجھول (یک موقعیت در هر مقطع زمانی) در فضای زمین لحاظ گردد. فلوچارت کلی روش پیشنهادی در نگاره (۱) ارائه شده و در ادامه جزئیات مرتبط با آن به تفصیل تشریح شده است.

از منظر تئوری، در صورت وجود درجه‌ی آزادی، به کارگیری مدل ریاضی نامناسب و یا مشاهدات توأم با خطای فاحش می‌توانند منجر به بروز باقیماندهای بزرگ و یا سیستماتیک در نتایج تعديل کمترین مربعات شوند (Teunissen et al., 2005).

خطای فاحش در مشاهدات صرفاً باقیماندهای سایر مشاهدات نیز در چنین شرایطی مخدوش خواهد شد (Mikhail and Ackermann, 1982). نقص در ساختار مدل ریاضی نیز طبیعی از عواقب را به دنبال خواهد داشت. عدم همگرایی دستگاه معادلات یا بروز خطای سیستماتیک در بردار باقیماندها نمونه‌ای از این عواقب قلمداد می‌شوند. در مورد مسئله‌ی این تحقیق، تشخیص نادرست در تعداد نقاط زمینی مجھول هنگام مثبت‌بندی دسته اشعه به عنوان عامل نقص در ساختار معادلات تلقی شده که انتظار می‌رود نشانه‌هایی را در بردار باقیماندهای سرشکنی به دنبال داشته

باشد. ایده‌ی اصلی روش پیشنهادی بر پایه ارزیابی بردار باقیمانده نتایج مثبت‌بندی دسته اشعه بنا شده است. در این روند، معادله‌ی شرط هم‌خطی به عنوان یک مدل صلب هندسی تصور شده که اثرات عدم انتباط و ناهمگونی مشاهدات به کاررفته در فرایند مثبت‌بندی دسته اشعه را در بردار باقیمانده مشاهدات نمایان می‌سازد. برای این منظور، پارامترهای داخلی دوربین‌های عکس‌برداری به کاررفته در اخذ بلوک‌های عکسی از قبل معلوم بوده و در خلال اجرای روش پیشنهادی این مقادیر به عنوان پارامترهای مجھول به مثبت‌بندی دسته اشعه تحمیل نمی‌شوند. این اقدام از ایجاد انعطاف در معادله‌ی شرط هم‌خطی جلوگیری می‌کند. انتظار می‌رود که این موضوع امکان پوشش اثرات نقص در طراحی مدل ریاضی را کاسته و حساسیت بردار باقیمانده مشاهدات را نسبت به این نقص افزایش دهد.

روش پیشنهادی با این فرض طراحی شده که نقاط تصویری به کار گرفته شده در روند مثبت‌بندی دسته اشعه عاری از خطأ در تشخیص موقعیت‌های متناظر از نظر رادیومتریکی هستند. به همین دلیل روند شناسایی خودکار نقاط متناظر در تصاویر اخذ شده با حساسیت بیشتری به اجرا رسیده است. برای این کار، ابتدا از طریق تکنیک‌های شناسایی عوارض کاندید تناظریابی مرسوم (Bay et al., 2008; Beaudet, 1978; Harris and Stephens, 1988; Lowe, 2004; Mikolajczyk and Schmid, 2004; Remondino et al., 2013) مجموعه‌های از عوارض در تمامی تصاویر اخذ شده در هر دو مقطع زمانی شناسایی می‌شوند. سپس بین عوارض

تکراری طراحی شده، شناسایی این نقاط و به تبع آن اصلاح تعداد نقاط زمینی مجهول در روند مثلثبندی دسته‌اشعه هدف‌گذاری است. عبارت بهتر، در آغاز تعداد نقاط زمینی متناظر با دسته‌ی اول  $K_1$  و تعداد نقاط زمینی متناظر با دسته‌ی دوم  $K_2$  نقطه است. در بین  $K_2$  نقطه‌ی زمینی دسته‌ی دوم، تعداد نقطه  $K_{\text{chg}}$  نقطه ( $K_2 < K_{\text{chg}}$ ) به عنوان نقاط تعییریافته وجود داشته که انتظار می‌رود پس از شناسایی و اصلاح، تعداد نقاط زمینی دسته اول به  $K_1 + 2 \times K_{\text{chg}}$  و تعداد نقاط زمینی دسته‌ی دوم به  $K_2 - K_{\text{chg}}$  تعییر یابند.

روند پیشنهادی یک فرایند تکراری بوده که ابتدا با محاسبه‌ی بردار باقیمانده‌های نرمال شده از نتایج تخمین کمترین مربعات مثلثبندی دسته‌اشعه ( $\vec{V}_1^T, \vec{V}_2^T$ ) آغاز می‌شود. مقادیر باقیمانده‌های نرمال شده از تقسیم هر باقیمانده به انحراف استاندارد تخمین‌زده شده برای آن باقیمانده محاسبه می‌شود. انحراف استاندارد مقادیر باقیمانده‌ها از ماتریس کواریانس آن‌ها به عنوان یک محصول از روند تخمین کمترین مربعات به دست می‌آیند. انتظار می‌رود که مقادیر باقیمانده‌های نرمال شده از تابع توزیع نرمال تبعیت کنند (*Baarda, 1968*) در ادامه، مقادیر باقیمانده برآورده شده مربوط به مشاهدات تصویری نقاط سه‌بعدی دسته‌ی دوم ( $\vec{V}_2$ ) از بردار باقیمانده‌ها جدا شده و به زیربردارهای مرتبط با هر نقطه‌ی سه‌بعدی تفکیک می‌شود (رابطه ۲).

$$\vec{V}_2 = [\vec{v}_1^T, \vec{v}_2^T, \dots, \vec{v}_{K_2}^T]^T \quad \text{رابطه (۲)}$$

هر یک از بردارهای  $\vec{v}_i$  ( $i = 1, 2, \dots, K_2$ ) شامل باقیمانده‌های مشاهدات تصویری مربوط به یک نقطه‌ی سه‌بعدی در فضای شیء است. تعداد عناصر هر بردار ( $n_i$ ) متناسب با تعداد تصاویری است که آن نقطه‌ی سه‌بعدی در آن‌ها مشاهده شده است. در ادامه، برای هر یک از بردارهای  $\vec{v}_i$  شاخصی به صورت رابطه (۳) محاسبه می‌شود. این شاخص مجدول میانگین مربعات باقیمانده برای مشاهدات مرتبط با هر نقطه‌ی سه‌بعدی می‌باشد.

$$r_i = \sqrt{\frac{\vec{v}_i^T \vec{v}_i}{n_i}} \quad i = 1, 2, \dots, K_2 \quad \text{رابطه (۳)}$$

کاندید از طریق شباهت‌سننجی میان توصیف‌گرهای SIFT نقاط متناظر شناسایی می‌شوند. در شباهت‌سننجی همزمان از قیود قرابت و تمایز توصیف‌گرهای استفاده می‌شود (*Sedaghat et al. 2011*) در ادامه به منظور تدقیق مکانی نقاط متناظر از روش تناظریابی ناحیه‌مبنای کمترین مربعات با تابع تبدیل هندسی پروجکتیو دو بعدی استفاده شده است (*Bethmann and Luhmann, 2010; Rosenholm, 1987*) این اقدام با هدف کنترل مضاعف در تطابق محتواهای رادیومتریکی و همچنین بهبود موقعیت مکانی نقاط متناظر به اجرا رسیده است. نتایج واگرا شده در روند تناظریابی کمترین مربعات و یا عوارضی که در این روند اصلاحات مکانی زیادی داشته باشند با ظن نادرست بودن از لیست نقاط متناظر خارج می‌شوند. نتیجه این مرحله، لیستی از موقعیت دقیق مکانی نقاط متناظری بوده که از نظر رؤیت‌پذیری در چهار دسته قرار خواهد داشت.

- ۱- نقاط متناظری که صرفاً در تصاویر یک مقطع زمانی شناسایی شده‌اند (حداقل دو تصویر)،
- ۲- نقاط متناظری که در هر مقطع زمانی حداقل در دو تصویر شناسایی شده‌اند،
- ۳- نقاط متناظری که در یک مقطع زمانی در حداقل دو تصویر و در مقطع زمانی دیگر صرفاً در یک تصویر شناسایی شده‌اند و
- ۴- نقاط متناظری که در هر مقطع زمانی صرفاً در یک تصویر روئیت شده‌اند.

در ادامه‌ی متن مقاله از شماره دسته‌ها جهت اشاره به آن‌ها استفاده شده است.

روش پیشنهادی صرفاً در مورد دو دسته‌ی اول قابل اجرا بوده و تمامی نقاط متناظر دسته‌های سوم و چهارم از روند اجرای روش پیشنهادی حذف می‌شوند. پیش‌بینی می‌شود که در بین نقاط متناظر دسته‌های دوم نقاطی در مناطق تعییریافته قرار داشته باشند که در مثلثبندی اولیه تعداد صحیحی مجهول برای آن‌ها تخصیص نیافته باشد. این نقاط علیرغم تعییرات هندسی در دو مقطع زمانی از نظر رادیومتریکی مشابه تشخیص داده شده‌اند. در سازوکار

## فصلنامه علمی - پژوهشی اطلاعات جغرافیایی (۲۸)

شناسایی تغییرات هندسی در شرایط حفظ محتوای رادیومتریکی از طریق روشی مبتنی بر ... / ۳۱

انتخاب می‌شود. ایده این انتخاب، تأمین شرایط مقایسه‌ی نسبی بین مثلث‌بندی همزمان بلوك‌های عکسی با نتایج مثلث‌بندی منفرد هر بلوك است. با فرض اینکه عامل بروز خطا در نتایج مثلث‌بندی صرفاً متأثر از تعیین تعداد صحیح نقاط زمینی مجھول باشد؛ مثلث‌بندی‌های منفرد، عاری از این خطا تلقی شده و می‌توان بردارهای باقیمانده در نتایج مثلث‌بندی منفرد را به عنوان سنگ محکی در ارزیابی نتایج مثلث‌بندی همزمان در نظر گرفت. این اقدام ماهیتی نسبی را به روند پیشنهادی بخشیده که می‌توان از آن در شرایط تغییر در توان تفکیک مکانی تصاویر و یا تمایز در نحوی طراحی شبکه‌ی فتوگرامتری به کار بست. البته این موضوع به تمایز در طراحی شبکه برای بلوك‌های عکسی در دو مقطع زمانی مربوط نبوده و انتظار می‌رود که نحوه‌ی تولید بلوك‌های عکسی در دو مقطع زمانی از منظر توان تفکیک مکانی تصاویر و نحوه‌ی طراحی شبکه تصویربرداری مشابه باشند.

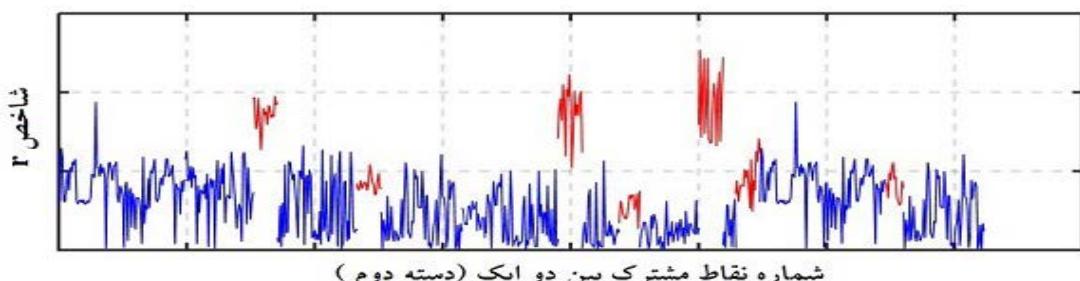
پیشتر باردا با استفاده مستقیم از مقادیر باقیمانده‌های نرمال شده سعی بر شناسایی مشاهدات اندک توأم با خطای فاحش در شبکه‌های ژئودتیکی نموده بود (Baarda, 1968) و چه تمایز رویکرد پیشنهاد شده در این مقاله با روش باردا را می‌توان در موارد مطرح شده در ادامه خلاصه نمود:

۱- عامل بروز خطا (مشاهدات غلط در مقابل ساختار مدل ریاضی نامناسب)،

۲- روند کاهش اثر خطا (حذف مشاهدات در مقابل اصلاح مدل ریاضی)،

۳- مشاهدات درگیر در روند ارزیابی (تمامی مشاهدات در

نمودار نگاره (۲) مقادیر<sup>۲</sup> را در یک مثلث‌بندی دسته اشue توأم با نقاط تغییریافته نشان می‌دهد. در این نمودار محور افق شماره مربوط به نقاط سه‌بعدی دسته دوم را نشان داده که در آن نقاط تغییریافته با رنگ قرمز مشخص شده‌اند. همانطور که در این نمودار مشهود است بخشی از نقاط تغییریافته مقادیر تمایز و بزرگ‌تری را در شاخص<sup>۲</sup> در مقایسه با نقاط بدون تغییر ایجاد نموده‌اند. آزمون‌های بیشتر مرتبط با کفایت این شاخص در بخش نتایج و بحث دنبال شده است. با توجه به ویژگی نسبی شاخص<sup>۲</sup> در ایجاد تمایز میان نقاط تغییریافته، روند تکراری ارائه شده در شبه‌کد (۱) به منظور شناسایی و تفکیک این نقاط طراحی شده است. مطابق با شبه‌کد (۱) سازوکار پیشنهادی از دو چرخه تشکیل شده است. در چرخه‌ی نخست نقاط مشکوک به تغییر شناسایی شده و در آزمون چرخه‌ی دوم، نقاط شناسایی شده در چرخه‌ی اول برچسب‌دهی نهایی می‌شوند. چرخه‌ی اول در حدفاصل خطوط دوم تا نهم شبه‌کد به اجرا رسیده و حدفاصل خطوط یازده تا بیست به چرخه‌ی دوم اختصاص دارد. حد آستانه‌ی  $Th_{Stop}$  کنترل‌کننده‌ی تعداد تکرارها در چرخه‌ی اول بوده و در چرخه‌ی دوم، تعداد تکرارها با تکرارهای چرخه‌ی اول برابر خواهد بود. مقدار حد آستانه‌ی  $Th_{Stop}$  از نتایج مثلث‌بندی منفرد بلوك‌های عکسی هر یک از مقاطع زمانی به دست می‌آید. در مثلث‌بندی تصاویر هر یک از مقاطع زمانی، مقدار شاخص<sup>۲</sup> برای تمامی نقاطی سه بعدی محاسبه شده و بیشینه‌ی میانگین مقادیر<sup>۲</sup> در نتایج مثلث‌بندی دو مقطع زمانی به عنوان حد آستانه‌ی  $Th_{Stop}$



نگاره ۲: مثالی از نمودار شاخص<sup>۲</sup> به دست آمده برای نقاط سه‌بعدی دسته دوم در روند مثلث‌بندی (نقاط بدون تغییر با رنگ آبی و نقاط تغییریافته با رنگ قرمز نمایش یافته‌اند)

شبیه کد (۱): سازوکار پیشنهادی په منظور شناسایی و تفکیک نقاط تغیر یافته

ردیف	خطا	توضیح
۱	مشاهدات تصویری مرتبط با نقاط متناظر دسته‌ی اول	مشاهدات تصویری مرتبط با نقاط متناظر دسته‌ی دوم
۲	مشاهدات تصویری مرتبط با نقاط متناظر دسته‌ی دوم	حد آستانه توقف ( $Th_{Stop}$ )
۳	شمارنده تکرار = صفر	خروجی:
۴	مثلث‌بندی دسته اشue به صورت شبکه‌ی آزاد به کمک نقاط متناظر دسته‌های اول و دوم	نقاط سه‌بعدی تغییریافته
۵	برآورده بزرگتر از $Th_{Stop}$ بود آنگاه: اگر بیشینه مقدار ۲ باشد	
۶	افزودن یک واحد به شمارنده تکرار	
۷	شناسایی نقاط سه بعدی متناظر با بزرگترین مقدار ۲	
۸	انتقال مشاهدات تصویری مرتبط با نقطه شناسایی شده به دسته‌ی اول و تفکیک مجھولات نقاط زمینی	
۹	بازگشت به خط ۲	
۱۰	در غیر این صورت:	
۱۱	تکرار متغیر $\alpha$ یک تا شمارنده تکرار	
۱۲	بازگرداندن نقطه‌ی تفکیک شده در تکرار $\alpha$ به دسته‌ی دوم و تخصیص یک نقطه‌ی مجھول در فضای شئی	
۱۳	مثلث‌بندی دسته اشue به صورت شبکه‌ی آزاد به کمک نقاط متناظر دسته‌های اول و دوم	
۱۴	برآورده بزرگتر از $Th_{Stop}$ بود آنگاه: اگر مقدار ۲ مربوط به نقطه‌ی تفکیک شده در مرحله‌ی $\alpha$ بیشتر از $T_{Otsu}$ بود آنگاه:	
۱۵	شناسایی آن نقطه به عنوان نقطه‌ی تغییریافته	
۱۶	تعیین مقدار حد آستانه خودکار به روش اوتسو ( $T_{Otsu}$ ) برای مقادیر ۱	
۱۷	پایان	
۱۸	بازگشت به خط ۱۱	
۱۹	پایان	

و مقادیر اولیه مجھولات مثلث بنده در محیط نرم افزار استرالیس<sup>۱</sup> نسخه ۶/۰۶ برآورد شده و نقاط متناظر اولیه از طریق نرم افزار متاشیپ پرو<sup>۲</sup> نسخه ۱/۸ شناسایی شده‌اند. سایر اقدامات پردازشی اعم از دسته‌بنده و تدقیق موقعیت مکانی نقاط متناظر و الگوریتم (۱) در محیط نرم افزار متلب<sup>۳</sup> نسخه ۲۰۱۹ به نامه‌نوسی شده است.

- ۴- مشاهدات مرتبط با نقاط دسته‌ی دوم،
- ۵- ساختار تفکیک‌کننده (باقیمانده‌های نرمال شده هر یک از مشاهدات به صورت منفرد در مقابل RMSE نرمال شده از مقادیر باقیمانده‌های مرتبط با هر نقطه‌ی سه‌بعدی) و
- ۶- سازوکار توقف تکرارها (آزمون آماری مشهور  $\sigma^3$  بر روی باقیمانده‌ها در مقابل مقایسه نسبی با مثلث‌بندی‌های مستقل بلوک‌های هر مقطع زمانی).

## فصلنامه علمی - پژوهشی اطلاعات جغرافیایی (۳۷۸)

شناسایی تغییرات هندسی در شرایط حفظ محتوای رادیومتریکی از طریق روشی مبتنی بر ... / ۳۳

اخذ شده توسط آن، پارامترهای کالیبراسیون داخلی دوربین در جدول (۱) گزارش شده است.

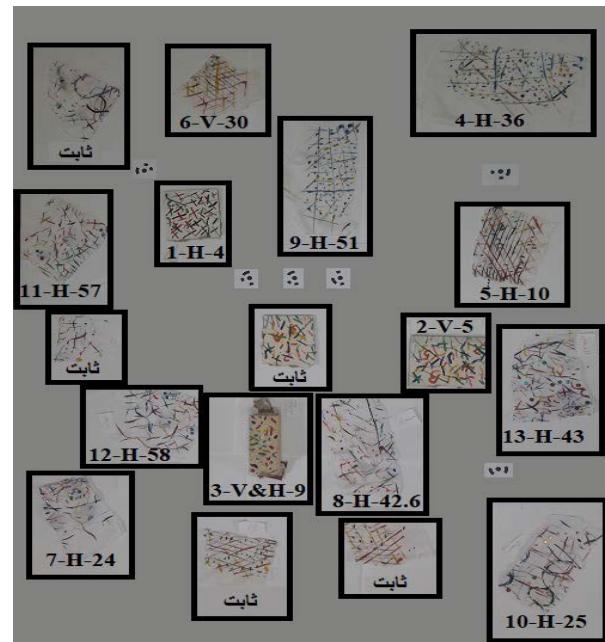
**جدول ۱: مشخصات فنی و پارامترهای کالیبراسیون داخلی دوربین به کارگرفته شده در آزمون‌های این تحقیق**

SAMSUNG SM-A217F/DS	برند و مدل
4000×3000	ابعاد ماتریس تصویر (h×w)
4.69 ± 3 × 10	فاصله اصلی (mm)
2×2	ابعاد پیکسل‌ها (μm×μm)
X <sub>p</sub> =-0.004180 Y <sub>p</sub> =-0.028170	مختصات مرکز تصویر (mm)
K <sub>1</sub> =-4.8202e-003 K <sub>2</sub> =7.1550e-004 K <sub>3</sub> =-4.5433e-005	اعوجاج شعاعی
P <sub>1</sub> =2.1160e-004 P <sub>2</sub> =1.2309e-004	اعوجاج مماسی
b <sub>1</sub> =-1.0126e-004 b <sub>2</sub> =-3.0900e-004	افایتی

متوسط توان تفکیک مکانی تصاویر اخذ شده در مجموعه‌های داده نیم میلی‌متر است. در هر مجموعه داده، دو بلوک عکسی قبل و بعد از تغییرات هندسی اخذ شده که بزرگی و وسعت تغییرات در آن‌ها متفاوت است. هر یک از بلوک‌های عکسی از ده تصویر با طراحی شبکه مشابه تشکیل شده‌اند. نگاره (۴) نمایی از شبکه‌ی تصاویر یکی از بلوک‌های عکسی را نشان می‌دهد. در این طراحی شبکه تلاش شده تا با اخذ تصاویر متقارب، زوایای تقاطع متنوع از جهات مختلف برای بازسازی موقعیت‌های سه‌بعدی تأمین گردد. این اقدام با هدف کاهش اثرات مربوط با هندسه‌ی تقاطع در بخش‌های مختلف از مدل سه‌بعدی صورت گرفته است. به عبارت بهتر، روش پیشنهادی بر پایه‌ی تحلیل بردار باقیمانده‌های مرتبط با مشاهدات تصویری در روند مثلث‌بندی دسته‌اشعه استوار است. یکنواختی در واکنش بردارهای باقیمانده در مواجهه با بروز خطأ در طراحی مدل ریاضی، پیش‌شرط موفقیت این روش است. بدیهی است که در صورت تمایز در دقت بازسازی نقاط سه‌بعدی در بخش‌های مختلف از مدل سه‌بعدی، نمی‌توان انتظار رفتار

## ۳- داده‌های آزمون و پیش‌پردازش‌ها

به منظور ارزیابی روش پیشنهادی یک میدان آزمون مطابق با نگاره (۳) ایجاد شد. این میدان آزمون از هجده ناحیه مجزا تشکیل شده که پنج ناحیه از آن در تمامی آزمایش‌های این تحقیق ثابت و بدون تغییر مانده‌اند. سایر نواحی در آزمایشات مختلف دچار تغییرات هندسی شده که شماره ناحیه، راستا و بزرگی تغییرات هندسی هر یک در ذیل کادر هر ناحیه ذکر شده است. به عنوان مثال (۹-3-V&H-9) به معنی ناحیه سوم بوده که در هنگام تغییر هندسی به آن جایه‌جایی همزمان ارتفاعی و مسطحاتی به اندازه‌ی ۹ میلی‌متر اعمال شده است.



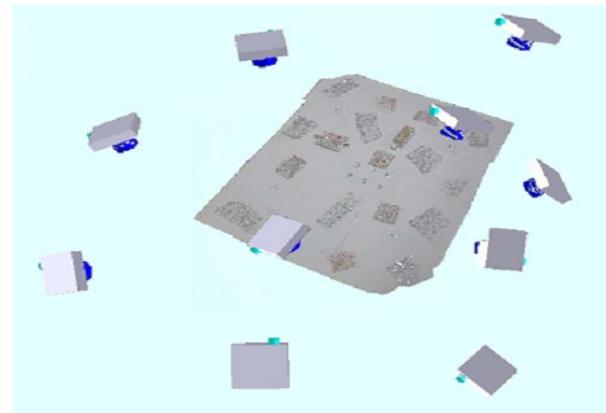
نگاره ۳: میدان آزمون طراحی شده به منظور ارزیابی روش پیشنهادی

از میدان آزمون نگاره (۳)، سیزده (۱۳) مجموعه داده توسط یک دوربین رقومی اخذ شده است. دوربین به کارگرفته شده مربوط به یک گوشی تلفن همراه هوشمند بوده که پارامترهای کالیبراسیون داخلی آن در زمان غیرفعال بودن وضوح خودکار و از طریق اخذ تصاویر متعدد از یک میدان آزمون متشكل از صفحات شطرنجی به دست آمده است. مدل گوشی همراه هوشمند، ابعاد ماتریس تصویر

جدول (۲) مناطق تغییر یافته و بزرگی تغییرات را برای هر یک از یازده مجموعه داده نشان می‌دهد. مطابق با جدول (۲)، نواحی درگیر تغییر در هر مجموعه داده از نظر تعداد و اندازه متفاوت انتخاب شده است. این تغییرات هر دو وجه مسطحه‌تی و ارتفاعی را برخوردار بوده‌اند. به عنوان مثال در مجموعه داده شماره ۳، نواحی اول و دوم هر کدام به ترتیب ۴ و ۵ میلی‌متر جابه‌جا شده‌اند. جابه‌جایی در ناحیه‌ی اول افقی و در ناحیه‌ی دوم عمودی بوده است. با این حساب در مجموعه‌های داده شرایط تنوع در بزرگی، وسعت و توزیع تغییرات هندسی به خوبی تأمین شده است.

پس از اخذ دو بلوک عکسی (قبل و بعد از تغییرات هندسی) برای هر مجموعه داده، نقاط متناظر مطابق با روند ذکر شده در بخش سوم شناسایی، پالایش و تدقیق شده‌اند. نقاط متناظر دسته‌های سوم با حذف مشاهدات

یکنواخت در بردار باقیماندهای مثلث‌بندی دسته اشعه را داشت. از این‌رو، تلاش شده تا با رعایت اصول مرتبط با طراحی شبکه در بلوک‌های فتوگرامتری بردکوتاه، یکنواختی اثرات هندسی در بازسازی سه‌بعدی در سراسر مدل سه‌بعدی تأمین شود.



نگاره ۴: شبکه فتوگرامتری طراحی شده برای اخذ بلوک‌ها عکسی

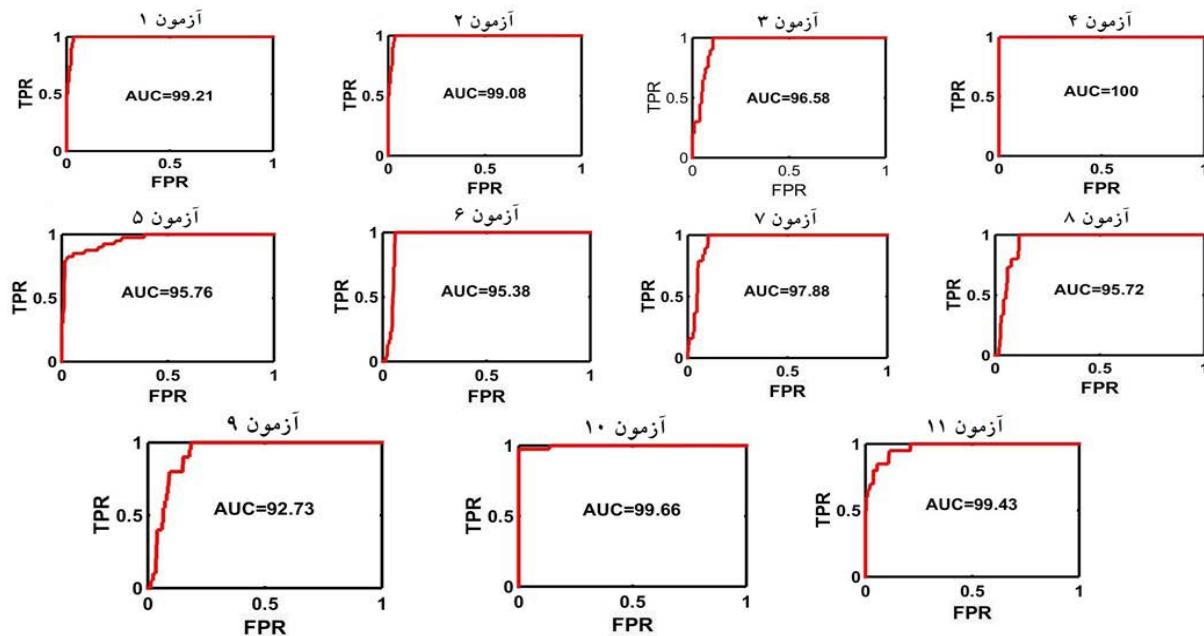
جدول ۲: نمایش تغییرات هندسی اعمال شده در هر ناحیه برای مجموعه‌های داده

مجموعه‌های داده												ناحیه	جابه‌جایی (mm)
۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱			
											۴	۱	
											۵	۲	
											۹	۳	
											۳۶	۴	
											۱۰	۵	
											۳۰	۶	
											۲۴	۷	
											۴۲	۸	
											۵۱	۹	
											۲۴	۱۰	
											۵۷	۱۱	
											۵۷	۱۲	
											۴۲	۱۳	
۳۰/۵	۱۵/۸	۴۸/۹	۳۷/۳	۳۶/۰	۴۹/۷	۳۲/۱	۲۰/۱	۱۷/۶	۹/۳	۹/۳	درصد نقاط سه‌بعدی تغییر یافته		

مسطحه‌تی	ارتفاعی	ارتفاعی و مسطحه‌تی

## فصلنامه علمی - پژوهشی اطلاعات جغرافیایی (میر)

شناسایی تغییرات هندسی در شرایط حفظ محتوای رادیومتریکی از طریق روشی مبتنی بر ... / ۳۵



نگاره ۵: نمودارهای ROC مربوط به شاخص  $r$  برای هریک از مجموعه‌های داده

منفرد در اپوک‌ها به دسته‌ی اول انتقال یافته و نقاط متناظر به منظور سنجش میزان تفکیک‌پذیری یک شاخص در ایجاد جدایی بین دو دسته داده (نقاط تغییریافته در مقابل نقاط بدون تغییر) قلمداد می‌شود. این نمودار از ترسیم درصد شناسایی نقاط بدون تغییر اشتباه (FPR)<sup>۲</sup> در مقابل درصد شناسایی نقاط تغییریافته صحیح (TPR)<sup>۳</sup> به ازای تغییر در حد آستانه جداکننده شاخص به دست می‌آید (Fawcett, 2006). نمودارهای ارائه شده در نگاره (۵) منحنی‌های ROC هر یک از مجموعه‌های داده را نشان می‌دهد. این منحنی‌ها از مقادیر  $r$  به دست آمده در اولین تکرار از روش پیشنهادی توأم شده‌اند. در تکرار اول از روش پیشنهادی هیچ‌یک از نقاط تغییریافته شناسایی نشده و برای هر یک از نقاط تغییریافته صرفاً یک مختصات مجهول در روند مثلث‌بندی لحظه شده است. در نمودارهای نگاره (۵)، مساحت زیر نمودار ROC نیز به عنوان شاخصی از تفکیک‌پذیری شاخص  $r$  برای هریک از مجموعه‌های داده گزارش شده است.

2- False Positive Rate

3- True Positive Rate

4- Area Under Curve

منفرد در اپوک‌ها به دسته‌ی اول انتقال یافته و نقاط متناظر دسته‌ی چهارم نیز حذف شده‌اند. در ادامه، تعداد نقاط متناظر در مناطق تغییریافته شناسایی و برچسب‌گذاری شده تا در روند ارزیابی دقت به عنوان واقعیت‌زنی مورد استفاده قرار گیرند. درصد نقاط تغییریافته در سطر آخر از جدول (۲) گزارش شده است. لازم به ذکر است که بخش‌هایی از میدان آزمون (نواحی ثابت) در هیچ‌یک آزمون‌ها دچار تغییرات هندسی نشده و این بدان معنا است که نقاط متناظر شناسایی شده در این نواحی در دسته‌ی اول و یا به عنوان نقاط بدون تغییر در دسته‌ی دوم قرار گرفته‌اند.

## ۴- آزمون‌ها و نتایج

روش پیشنهادی با فرض توانایی شاخص  $r$  (رابطه‌ی ۳) در ایجاد تمایز بین نقاط تغییریافته و بدون تغییر بنا شده است. در اولین آزمون طراحی شده، کارآمدی شاخص  $r$  مورد بررسی قرار گرفته است. در این آزمون، تفکیک‌پذیری شاخص  $r$  برای نقاط دسته‌ی دوم از طریق ترسیم منحنی‌های شاخص عملکرد (ROC)<sup>۱</sup> ارزیابی شده است

1- Receiver Operating Characteristics

در پالایش نقاط متناظر، پیاده‌سازی و نتایج آن با روش پیشنهادی مقایسه شده است (*Liang et al., 2021*). در این رویکرد مقایسه‌ای، عناصر ماتریس اساسی<sup>۱</sup> از طریق تخمین پایدار RANSAC<sup>۲</sup> و با استفاده از نقاط متناظر شناسایی شده در هر زوج تصویر برآورده می‌گردد (*Varshosaz et al. 2019*). بهترین ماتریس اساسی شناسایی شده برای هر زوج تصویر مبنای ارزیابی نقاط متناظر آن دو تصویر از نظر تطابق با هندسه‌ی اپیپلار قرار می‌گیرد. با توجه به وابستگی شدت انحراف قائم از خط اپیپلار برای نقاط متناظر نادرست به هندسه‌ی نسبی تصاویر استریو، مقادیر آستانه تفکیک نقاط پذیرفته شده<sup>۳</sup> و رد شده<sup>۴</sup> در هر تکرار از روند تخمین پایدار ماتریس اساسی، به صورت تطبیقی و معادل با ۲/۵ برابر انحراف استاندارد خطای تمامی نقاط متناظر لحاظ شده است. به عبارت بهتر، فاصله قائم هر نقطه متناظر از خط اپیپلار شاخص تشخیص آن نقطه از منظر تطابق با هندسه‌ی اپیپلار تلقی شده و نقاط متناظری که فاصله‌ی نامتعارفی از این خط داشته باشند به عنوان نقاط مشکوک به تغییر شناسایی می‌شوند. برای پیاده‌سازی این رویکرد مقایسه‌ای، تمامی ترکیبات ممکن از تصاویر استریو (هر تصویر از آن مربوط به یک مقطع زمانی از اخذ داده هستند) جهت شناسایی نقاط مشکوک به تغییر انتخاب می‌شوند. در ادامه فهرستی از نقاط متناظر که در هر زوج تصویر به عنوان نقاط مشکوک شناسایی شده‌اند تولید شده و اگر نقطه‌ای (در فضای شیء) در بیش از پنجاه درصد از موارد شناسایی شده به عنوان نقطه مشکوک شناسایی شده باشد؛ آن نقطه به عنوان نقطه تغییریافته برچسب‌گذاری می‌شود. بدین ترتیب حد نصب بیش از پنجاه درصدی از آراء کسب شده معیار برچسب‌دهی به یک نقطه‌ی سه‌بعدی به عنوان نقطه تغییریافته خواهد بود. این رویکرد یک تکنیک پالایش به کمک قیود هندسی در تناظریابی‌های عارضه مینا بوده که در این

همانطور که در نتایج گزارش شده از منحنی‌های ROC در نگاره (۵) مشاهده می‌شود، شاخص ۲ حتی در زمان عدم به کارگیری روند تکراری پیشنهاد شده در الگوریتم (۱) از نظر ایجاد تمایز برای نقاط تغییریافته عملکرد مطلوبی را از خود نشان می‌دهد. هرچند که طبیعی به نظر می‌رسد در زمان تشدید تغییرات هندسی عملکرد آن با انتظارات ایده‌آل تمایز باشد. به عنوان مثال مساحت زیر نمودار در مجموعه‌ی داده‌ی شماره ۹ به دلیل برخورداری از بیشترین سطح تغییرات هندسی، نسبت به سایر نمودارها کمتر برآورده است. با این حال در صورت بروز تغییرات محدود هندسی (مسطحاتی یا ارتفاعی)، قابلیت اعتماد بالایی در شاخص ۲ به منظور ایجاد تمایز برای نقاط تغییریافته وجود داشته که حتی می‌توان از آن بدون به کارگیری روند تکراری الگوریتم (۱) برای شناسایی تغییرات استفاده نمود. این اقدام را می‌توان یا به صورت دستی از طریق انتخاب حد آستانه‌ی ایجاد (۱) برای شناسایی تغییرات استفاده نمود. آستانه‌ی ایجاد (۱) برای شناسایی نقاط تغییریافته وجود داشته که حتی می‌توان از آن بدون به کارگیری راهکارهای انتخاب حد آستانه خودکار به اجرا رساند. با این حال، عدم اطمینان در شناسایی حد آستانه‌ی مناسب برای جداسازی نقاط تغییریافته و همچنین احتمال قرارگیری برخی از نقاط بدون تغییر در دسته‌ی مناطق تغییریافته دلایل اصلی طراحی روند تکراری الگوریتم (۱) به منظور بهبود نتایج آشکارسازی بوده است.

در آزمون دوم از این بخش، دقت روش پیشنهادی (الگوریتم ۱) برای تمامی مجموعه‌های داده از طریق عناصر ماتریس ابهام دوکلاسه و شاخص‌های آماری مستخرج از آن برآورده شده‌اند (*Fawcett, 2006*). شاخص‌های آماری مستخرج از ماتریس ابهام شامل صحت کلی (OA)<sup>۵</sup>، ضریب کاپا (K)، درصد صحت برچسب‌گذاری برای نقاط تغییریافته (PPV)<sup>۶</sup> و درصد صحت برچسب‌گذاری برای نقاط بدون تغییر (NPV)<sup>۷</sup> بوده که در جدول (۳) گزارش شده است.

در این آزمون، روش حذف نقاط متناظر نادرست مبتنی بر هندسه‌ی اپیپلار به عنوان یک رویکرد مرسوم هندسی

4- Fundamental Matrix

5- RANdom SAmple Consensus

6- Inliers

7- Outliers

1- Overall Accuracy

2- eulaV evitciderP evitisoP

3- eulaV evitciderP evitageN

## فصلنامه علمی - پژوهشی اطلاعات جغرافیایی (GMR)

شناسایی تغییرات هندسی در شرایط حفظ محتوای رادیومتریکی از طریق روشی مبتنی بر ... / ۳۷

پیشنهادی شناسایی نشده‌اند. با مقایسه نتایج کسب شده از روش پیشنهادی در دو آزمون نخست، به نظر می‌رسد این راهکار توانایی شناسایی تغییرات هندسی اندک در هر دو بعد مسطحاتی و ارتفاعی را برخوردار بوده به‌نحوی که دقتهای بیش از ۹۵ درصد در آشکارسازی نقاط تغییریافته برای این دو آزمون کسب شده است. این در حالی است که روش مقایسه‌ای توانایی کافی در شناسایی نقاط تغییریافته در این دو آزمون را نداشته که نشان از ضعف رویکرد مبتنی بر هندسه اپی‌پلار در مواجهه با تغییرات هندسی اندک است.

تحقیق از آن به عنوان یک روش مقایسه‌ای استفاده شده است (Ma et al., 2021).

در جدول (۳)، TP تعداد نقاط سه‌بعدی تغییریافته‌ای است که به درستی توسط روش پیشنهادی شناسایی شده‌اند؛ TN تعداد نقاط سه‌بعدی بدون تغییری هستند که بعد از اجرای روش پیشنهادی کماکان به عنوان نقاط بدون تغییر شناسایی شده‌اند؛ FP تعداد نقاط بدون تغییری بوده که به اشتباہ در روند پیشنهادی به عنوان نقاط تغییریافته شناسایی شده‌اند و FN تعداد نقاط تغییریافته‌ای بوده که در روش

جدول ۳: عناصر ماتریس ابهام و شاخص‌های آماری مستخرج از آن در تمامی مجموعه‌های داده

NPV	PPV	K	OA	FN <sup>4</sup>	FP <sup>3</sup>	TN <sup>2</sup>	TP <sup>1</sup>	روش	مجموعه داده
۰/۹۹	۰/۹۵	۰/۹۴	۰/۹۹	۱	۱	۱۹۴	۱۹	پیشنهادی	۱
۰/۹۵	۰/۱۶	۰/۱۴	۰/۶۷	۷	۶۶	۱۳۵	۱۳	مقایسه‌ای	
۰/۹۷	۰/۹۳	۰/۷۸	۰/۹۷	۶	۱	۱۸۳	۱۴	پیشنهادی	۲
۰/۸۷	۰/۰۶	۰/۰۷	۰/۴۸	۱۴	۹۳	۹۴	۶	مقایسه‌ای	
۰/۹۹	۰/۹۵	۰/۹۵	۰/۹۸	۲	۲	۱۸۵	۳۸	پیشنهادی	۳
۰/۸۹	۰/۲۹	۰/۲۱	۰/۶۸	۱۶	۵۸	۱۳۳	۲۴	مقایسه‌ای	
۰/۹۱	۱/۰۰	۰/۷۲	۰/۹۲	۱۷	۰	۱۷۹	۲۸	پیشنهادی	۴
۰/۸۴	۰/۳۰	۰/۱۶	۰/۶۷	۲۵	۴۹	۱۳۲	۲۱	مقایسه‌ای	
۰/۹۴	۱/۰۰	۰/۸۹	۰/۹۶	۱۸	۰	۲۷۵	۱۱۲	پیشنهادی	۵
۰/۸۴	۰/۹۸	۰/۶۵	۰/۸۶	۵۵	۲	۲۸۰	۷۹	مقایسه‌ای	
۰/۹۵	۰/۹۴	۰/۸۸	۰/۹۴	۱۳	۱۵	۲۲۹	۲۲۸	پیشنهادی	۶
۰/۷۹	۰/۹۹	۰/۵۱	۰/۷۶	۱۱۷	۱	۲۶۶	۱۱۴	مقایسه‌ای	
۰/۹۳	۱/۰۰	۰/۹۰	۰/۹۵	۱۵	۰	۲۰۶	۱۰۱	پیشنهادی	۷
۰/۷۲	۰/۹۵	۰/۳۸	۰/۷۵	۸۰	۲	۲۰۷	۴۰	مقایسه‌ای	
۰/۹۴	۱/۰۰	۰/۹۱	۰/۹۵	۱۲	۰	۱۸۰	۹۵	پیشنهادی	۸
۰/۷۳	۰/۹۶	۰/۴۴	۰/۷۷	۶۶	۲	۱۸۰	۴۴	مقایسه‌ای	
۰/۹۳	۱/۰۰	۰/۹۳	۰/۹۶	۱۶	۰	۲۲۰	۱۹۵	پیشنهادی	۹
۰/۵۹	۰/۸۸	۰/۲۹	۰/۶۵	۱۴۶	۱۰	۲۱۰	۷۴	مقایسه‌ای	
۰/۹۹	۰/۹۷	۰/۹۴	۰/۹۸	۳	۱	۲۱۶	۳۷	پیشنهادی	۱۰
۰/۸۹	۰/۷۰	۰/۴۱	۰/۸۸	۲۶	۶	۲۱۹	۱۴	مقایسه‌ای	
۰/۹۰	۱/۰۰	۰/۹۱	۰/۹۶	۱۲	۰	۲۱۹	۸۴	پیشنهادی	۱۱
۰/۷۷	۰/۹۷	۰/۳۸	۰/۷۹	۶۶	۱	۲۱۹	۳۰	مقایسه‌ای	

1- evitisoP eurT

2- evitageN eurT

3- evitisoP eslaF

4- evitageN eslaF

موازی) تمامی تصاویر اخذ شده در دو مقطع زمانی به منظور آشکارسازی نقاط تغییریافته هندسی، دلایلی بود که زعم نویسنده‌گان این تحقیق منجر به کاهش کارایی روش مبتنی بر هندسه‌ی اپی‌پلار در شناسایی نقاط متناظر نادرست شده است. به نظر می‌رسد که در روش پیشنهادی مشارکت هم‌زمان تمامی مشاهدات تصویری به صورت موازی و در قالب یک فرایند مثلث‌بندی همزمان منجر به ارتقاء کارآمدی نسبت به روش متواالی (متشكل از چندگام غیرهمزمان) مبتنی بر هندسه‌ی اپی‌پلار شده است.

در آخرین آزمون از روند ارزیابی روش پیشنهادی، دقت آشکارسازی نقاط تغییریافته برای هر ناحیه در هر یک از مجموعه‌های داده از طریق روش پیشنهادی و نتایج به دست آمده از روش مقایسه‌ای برآورد و در جدول (۴) ارائه شده است. مطابق با نتایج گزارش شده در جدول (۴)، کماکان موفقیت روش پیشنهادی در شناسایی مناطق تغییریافته به تفکیک ناحیه مشهود است. در ۳۲ مورد از نواحی-داده‌های این بررسی، آشکارسازی صد درصدی کسب شده و در ۷۸ درصد نواحی-داده‌ها، شناسایی با دقت بالای ۹۰ درصد به دست آمده است. ناحیه اول و دوم به دلیل جابه‌جای‌های اندک، بیشترین تأثیر منفی را در کاهش دقت به دنبال داشته که این موضوع در مورد جابه‌جای‌های اندک ارتفاعی شدیدتر بوده است. ضعف ذاتی تکینک‌های فتوگرامتری در بازیابی عمق هنگام به کارگیری تصاویر با نسبت باز به عمق کمتر از یک را می‌توان از دلایل این موضوع برشمود. با اینحال در صورت رخداد یکنواخت تغییرات هندسی اندک، اقبال بیشتری در موفقیت روش پیشنهادی مورد انتظار بوده و در صورت وجود تنوع در بزرگی تغییرات هندسی، احتمال شناسایی نشدن تغییرات هندسی کوچک‌تر، کمتر از تغییرات هندسی بزرگ‌تر خواهد بود.

از سوی دیگر نتایج جدول (۴) حاکی از آن است که روش پیشنهادی به طور متوسط بهبود دقت ۳۴/۵ درصدی را نسبت به روش مقایسه‌ای در تمامی آزمون‌های این تحقیق داشته است.

البته در تمامی آزمون‌های صورت گرفته روش پیشنهادی با اختلاف معناداری نتایج بهتری را نسبت به روش مقایسه‌ای کسب نموده است. علاوه بر این، روش پیشنهادی توانایی کسب دقت‌های نسبتاً پایداری را در تمامی آزمون‌های طراحی شده صرف‌نظر از وسعت، تنوع و شدت تغییرات هندسی نشان داده که یک ویژگی مثبت برای آن قلمداد می‌شود. از دیگر نتایج قابل استنباط از جدول (۳)، احتمال اندک و نزدیک به صفر در تشخیص نادرست نقاط تغییریافته است. این موضوع نشان از قابلیت اعتماد بالای روش پیشنهادی در برچسبدهی به نقاط تغییریافته دارد. به عبارت بهتر، در صورت تشخیص یک نقطه به عنوان نقطه‌ی تغییریافته، احتمال نادرستی آن اندک و نزدیک به صفر است. از دیگر جنبه‌های تمایز و ضعف روش مقایسه‌ای نسبت به روش پیشنهادی، وجود نقاط ثابت متعددی بوده که به اشتباه به عنوان نقاط تغییریافته شناسایی شده‌اند. این اتفاق در آزمون‌هایی که در آن پهنه‌ی تغییرات هندسی محدود بوده (آزمون‌های اول تا چهارم) شدت بیشتری را داشته است. از سوی دیگر، امکان رخداد FN در مقایسه با FP بیشتر بوده و این موضوع می‌تواند احتمال کامل بودن روند برچسبدهی به نقاط تغییریافته را کاهش دهد. البته در مقایسه با روش مبتنی بر هندسه اپی‌پلار، عملکرد روش پیشنهادی از منظر کامل بودن شناسایی مناطق تغییریافته به مراتب بهتر بوده است. در تحلیل اختلاف محسوس روش مرسوم مبتنی بر هندسه‌ی اپی‌پلار با روش پیشنهادی می‌توان به عوامل مختلفی اشاره داشت که در ادامه ارائه شده‌اند.

۱- اثرپذیری بالای میزان انحراف قائم نقاط متناظر نادرست از خط اپی‌پلار نسبت به هندسه‌ی نسبی تصاویر استریو،

۲- عدم قطعیت‌های مرتبط با برآورد عناصر ماتریس اساسی

هنگام وجود درصد بالای از مشاهدات نادرست،

۳- یکسان بودن اهمیت هر زوج تصویر در فرایند رأی‌گیری مربوط به برچسبدهی نقاط متناظر نادرست بدون در نظر گرفتن تمایز در هندسه‌ی نسبی تصاویر و

۴- عدم مشارکت هم‌زمان (در یک فرایند محاسباتی

## فصلنامه علمی - پژوهشی اطلاعات جغرافیایی (۸۷)

شناسایی تغییرات هندسی در شرایط حفظ محتوای رادیومتریکی از طریق روشی مبتنی بر ... / ۳۹

جدول ۴: نتایج دقت شناسایی نقاط تغییریافته در هر یک از نواحی سیزدهگانه در مجموعه‌های داده

میانگین	مجموعه داده												روش‌ها	ناحیه تغییریافته
	۱۱	۱۰	۹	۸	۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱			
۹۰/۱۳	-	-	۹۰	۶۰	۹۵	۹۱/۱۱	۱۰۰	۱۰۰	۹۰	-	۹۵	پیشنهادی	۱	
۴۲/۴۸	-	-	۰	۰	۰	۴۶/۵۱	۶۳/۳۳	۶۰	۹۵	-	۷۵	مقایسه‌ای		
۴۶/۱۴	۶۵	۱۰۰	۳۰	۲۰	۴۰	۹۳/۱۱	۴۳/۳۳	۰	۱۰۰	۷۰	-	پیشنهادی	۲	
۲۶/۹۹	۰	۱۰۰	۰	۰	۰	۴۲/۱۰	۵۶/۶۷	۵۶/۶۷	۲۰	۵۰	-	مقایسه‌ای		
۸۹/۳۳	۹۰	-	۱۰۰	-	-	۱۰۰	۹۶/۶۶	۶۰	-	-	-	پیشنهادی	۳	
۳۰/۷۶	۱۵	-	۴۰	-	-	۱۷/۱۴	۵۶/۶۷	۲۵	-	-	-	مقایسه‌ای		
۱۰۰	-	-	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	-	-	-	-	پیشنهادی	۴	
۴۲/۱۹	-	-	۱۵	۰	۴۵	۶۴/۲۸	۸۶/۶۷					مقایسه‌ای		
۱۰۰	-	-	-	-	-	۱۰۰	۱۰۰	-	-	-	-	پیشنهادی	۵	
۶۵/۱۶	-	-	-	-	-	۶۴/۸۱	۶۵/۵۱					مقایسه‌ای		
۱۰۰	-	-	-	-	-	۱۰۰	-	-	-	-	-	پیشنهادی	۶	
۲۶/۶۶	-	-	-	-	-	۲۶/۶۶	-	-	-	-	-	مقایسه‌ای		
۱۰۰	۱۰۰	-	۱۰۰	-	-	-	-	-	-	-	-	پیشنهادی	۷	
۳۷/۵	۳۵	-	۴۰	-	-	-	-	-	-	-	-	مقایسه‌ای		
۹۰	۶۰	۸۵	۱۰۰	۱۰۰	-	۱۰۰	-	-	-	-	-	پیشنهادی	۸	
۴۸/۱۸	۵۶/۲۵	۷۵	۴۰	۳۳/۳۳	-	۳۶/۳۶	-	-	-	-	-	مقایسه‌ای		
۹۷/۵۰	-	-	۹۰	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	-	-	-	-	-	پیشنهادی	۹	
۶۲/۴۸	-	-	۷۵	۶۶/۶۶	۸۰	۲۸/۲۶	-	-	-	-	-	مقایسه‌ای		
۱۰۰	۱۰۰	-	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	-	-	-	-	-	-	پیشنهادی	۱۰	
۶۱/۲۵	۷۰	-	۲۵	۱۰۰	۵۰	-	-	-	-	-	-	مقایسه‌ای		
۱۰۰	-	-	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰	-	-	-	-	-	-	پیشنهادی	۱۱	
۲۶/۱۱	-	-	۰	۷۳/۳۳	۰	-	-	-	-	-	-	مقایسه‌ای		
۱۰۰	-	-	۱۰۰	۱۰۰	-	-	-	-	-	-	-	پیشنهادی	۱۲	
۸۰	-	-	۱۰۰	۶۰	-	-	-	-	-	-	-	مقایسه‌ای		
۱۰۰	-	-	۱۰۰	-	-	-	-	-	-	-	-	پیشنهادی	۱۳	
۴۰	-	-	۴۰	-	-	-	-	-	-	-	-	مقایسه‌ای		
	۸۳	۹۲/۵۰	۹۱/۸۱	۸۵	۹۰/۷۱	۹۸/۰۲	۸۹/۹۳	۵۳/۳۳	۹۵	۷۰	۹۵	پیشنهادی	میانگین	
	۳۵/۲۵	۸۷/۵۰	۳۴/۵۴	۴۱/۶۶	۲۹/۱۶	۴۰/۷۵	۶۵/۷۷	۴۷/۲۲	۵۷/۵	۵۰	۷۵	مقایسه‌ای		

صحنه تغییر محسوسی نداشته و این موضوع باعث

تشخیص اشتباه برخی از نقاط متناظر در مناطق تغییریافته شده است. عدم آگاهی از تغییرات هندسی این نقاط موجب تعیین نادرست تعداد مجھولات مربوط به نقاط زمینی برای آنها در روند مثلثبندی می‌شود. کشف و آشکارسازی

در این مقاله راهکاری تکراری مبتنی بر مثلثبندی همزمان بلوک‌های عکسی اخذ شده قبل و بعد از تغییرات هندسی بهمنظور شناسایی خودکار مناطق تغییریافته پیشنهاد شد. تغییرات رخداده به نحوی بوده که محتوای رادیومتریکی

## ۵- نتیجه‌گیری

## ۷- منابع و مأخذ

- 1- Ba. Z, Mohammed. A. 2021. Photogrammetry-based reverse engineering method for aircraft airfoils prediction. *Advances in aircraft and spacecraft science*, 8(4), 331-344. DOI: 10.12989/aas.2021.8.4.331
- 2- Baarda, W., 1968. A Testing Procedure For Use in Geodetic Networks,2(5). Netherlands Geodetic Commission, Delft. 97 p.
- 3- Bay, H., Ess, A., Tuytelaars, T., & Van Gool, L. 2008. Speeded-up robust features (SURF). *Computer vision and image understanding*, 110(3), 346-359 . DOI: 10.1016/j.cviu.2007.09.014
- 4- Beaudet, P. R. 1978. Rotationally invariant image operators. In Proc. 4th Int. Joint Conf. Pattern Recog, Tokyo, Japan, 1978.
- 5- Bethmann, F., & Luhmann, T. 2010. Least-squares matching with advanced geometric transformation models. *International Archives of Photogrammetry, Remote Sensing and Spatial Information Sciences*, 38(Part 5), 86-91.
- 6- Cardenal, J., Fernández, T., Pérez-García, J. L., & Gómez-López, J. M. 2019. Measurement of road surface deformation using images captured from UAVs. *Remote Sensing*, 11(12), 1507. DOI: 10.3390/rs11121507
- 7- Cook, K. L., & Dietze, M. 2019. A simple workflow for robust low-cost UAV-derived change detection without ground control points. *Earth Surface Dynamics*, 7(4), 1009-1017. DOI: 10.5194/esurf-7-1009-2019.
- 8- de Jong, K. L., & Bosman, A. S. 2019. Unsupervised change detection in satellite images using convolutional neural networks. In IEEE International joint conference on neural networks (IJCNN) (pp. 1-8). DOI: 10.1109/IJCNN.2019.8851762.
- 9- Esmaeili, F., Ebadi, H., Mohammadzade, A., & Saadatseresht, M. 2019. Evaluation of close-range photogrammetric technique for deformation monitoring of large-scale structures: a review. *Journal of Geomatics Science and Technology*, 8(4), 41-55.
- 10- Esmaeili F, Ebadi H. 2018. Determination of Car Body Deformation due to Collision Using Close-Range Photogrammetry. *Journal of Geospatial Information*

اثرات مربوط به نقص در طراحی مدل ریاضی از طریق بردار باقیماندهای سرشکنی، ایده‌ی اصلی طراحی راهکار پیشنهادی در این تحقیق بوده است. در روش پیشنهادی، طی روندی تکراری و دو مرحله‌ای از طریق مقایسه‌ی نسبی بردار باقیماندهای مربوط به هر نقطه‌ی گرهی با نتایج مثلث‌بندی‌های منفرد مقاطع قبل و بعد از تغییرات هندسی، نقاط تغییریافته به تدریج شناسایی می‌شوند. در هر تکرار از این روش، ساختار مدل ریاضی در روند مثلث‌بندی از طریق اصلاح تعداد مجھولات نقاط گرهی اصلاح می‌شود. نتایج این روش حاکی از موفقیت بالا در آشکارسازی تغییرات هندسی متنوع بوده بنحوی که بیش از ۸۵ درصد نقاط تغییریافته در یازده آزمون این تحقیق شناسایی شده‌اند. عملکرد موفق روش پیشنهادی در زمان رخداد تغییرات هندسی یکنواخت و هماندازه و تضعیف عملکرد این راهکار در شناسایی تغییرات هندسی اندک هنگام وجود تنوع در بزرگی تغییرات هندسی از ویژگی‌های مثبت و منفی روش پیشنهادی محسوب می‌شود.

## ۶- پیشنهادها

مواردی که می‌توان در ادامه‌ی تحقیق حاضر مورد بررسی بیشتر قرار داد عبارتند از:

- ۱- ایده به کارگیری رویکردهای وزن‌دهی به مشاهدات مشکوک از طریق تکینک‌های تخمین مؤلفه‌های واریانس و حذف تدریجی مشاهدت با وزن پایین به عنوان رویکرد جایگزین در حذف تدریجی نقاط سه‌بعدی،
- ۲- بررسی اثر تضعیف یا ایجاد ناهمگونی در دقت بازسازی مدل سه‌بعدی در عملکرد روش پیشنهادی از طریق تغییر در طراحی شبکه‌ی فتوگرامتری، و
- ۳- بررسی اثرات مربوط به به کارگیری دوربین‌های نیمه‌متريک با پایداری هندسی بالاتر در افزایش کیفیت نتایج.

/10.1080/0143116031000139863.

20- Ma, S., Guo, P., You, H., He, P., Li, G., & Li, H. 2021. An image matching optimization algorithm based on pixel shift clustering RANSAC. *Information Sciences*, 562, 452-474. DOI: 10.1016/j.ins.2021.03.023

21- Mikhail, E. M. 1982. *Observations and least squares*. University Press of Amer.

22- Mikolajczyk, K., & Schmid, C. 2004. Scale & affine invariant interest point detectors. *International journal of computer vision*, 60(1), 63-86. DOI: 10.1023/B:VISI.0000027790.02288.f2

23- Mohamad, N., Ahmad, A., & Din, A. H. M. 2022. A Review Of Uav Photogrammetry Application In Assessing Surface Elevation Changes, *Journal Of Information System And Technology Management*. 7 (25), 195-204, DOI: 10.35631/JISTM.725016

24- Ochoa-Arias, P., & Delgado-Pinos, O. A. 2020. 2D and 3D Photogrammetric Registration Model of the Built Heritage of Cuenca. *Universitas-XXI, Revista de Ciencias Sociales y Humanas*, (33), 163-180. Doi: 10.17163/uni.n33.2020.08.

25- Peppa, M. V., Mills, J. P., Moore, P., Miller, P. E., & Chambers, J. E. 2019. Automated co-registration and calibration in SfM photogrammetry for landslide change detection. *Earth Surface Processes and Landforms*, 44(1), 287-303. DOI: 10.1002/esp.4502.

26- Rafiee, M., Saadatseresht, M. 2014, Target Free Distortion Measurement Using Close Range Photogrammetry. *Geospatial Engineering Journal*. 5 (2), 97-116.

27- Remondino, F., Spera, M. G., Nocerino, E., Menna, F., Nex, F., & Gonizzi-Barsanti, S. 2013. Dense image matching: Comparisons and analyses. In 2013 Digital Heritage International Congress (DigitalHeritage) 1, 47-54. DOI: 10.1109/DigitalHeritage.2013.6743712

28- Rosenholm, D. 1987. Least squares matching method: some experimental results. *The Photogrammetric Record*, 12(70), 493-512. Doi: 10.1111/j.1477-9730.1987.tb00598.x.

29- Saha, S., Bovolo, F., & Bruzzone, L. 2019. Unsupervised deep change vector analysis for multiple-change detection in VHR images. *IEEE Transactions*

Technology. 6 (1),117-129, DOI: 10.29252/jgit.6.1.117

11- Fauzan, K. N., Suwardhi, D., Murtiyoso, A., Gumilar, I., & Sidiq, T. P. 2021. Close-range photogrammetry method for SF6 Gas Insulated Line (GIL) deformation monitoring. In XXIV ISPRS Congress (2021 edition), 5-9 juillet 2021, Nice (en ligne) (Vol. 43).DOI: 10.5194/isprs-archives-XLIII-B2-2021-503-2021.

12- Fawcett, T. 2006. Introduction to receiver operator curves. *Pattern Recognit. Lett*, 27, 861-874.

13- Goda, I., l'Hostis, G., & Guerlain, P. 2019. In-situ non-contact 3D optical deformation measurement of large capacity composite tank based on close-range photogrammetry. *Optics and Lasers in Engineering*, 119, 37-55. DOI: 10.1016/j.optlaseng.2019.02.006.

14- Harris, C., & Stephens, M. 1988. A combined corner and edge detector. In Alvey vision conference (15(50), pp. 10-5244).

15- Kot, B. C., Tsui, H. C., Chung, T. Y., Cheng, W. W., Mui, T., Lo, M. Y., ... & Brown, R. A. 2020. Photogrammetric Three-dimensional Modeling and Printing of Cetacean Skeleton using an Omura's Whale Stranded in Hong Kong Waters as an Example. *JoVE (Journal of Visualized Experiments)*, (163), e61700. DOI : 10.3791/61700.

16- Kurniawan, W. C., Wibowo, F. S., Lin, H. I., Handayani, A. N., & Sendari, S. 2021. Development of Photogrammetry Application for 3D Surface Reconstruction. In 2021 7th International Conference on Electrical, Electronics and Information Engineering (ICEEIE) (pp. 478-482). DOI: 10.1109/ICEEIE52663.2021.9616728.

17- Liang, A., Li, Q., Chen, Z., Zhang, D., Zhu, J., Yu, J., & Fang, X. 2021. Spherically Optimized RANSAC Aided by an IMU for Fisheye Image Matching. *Remote Sensing*, 13(10), 2017. DOI: 10.3390/rs13102017

18- Lowe, D. G. 2004. Distinctive image features from scale-invariant key points. *International journal of computer vision*, 60(2), 91-110. DOI: 10.1023/B:VISI.0000029664.99615.94.

19- Lu, D., Mausel, P., Brondizio, E., & Moran, E. 2004. Change detection techniques. *International journal of remote sensing*, 25(12), 2365-2401. DOI:

on Geoscience and Remote Sensing, 57(6), 3677-3693.

DOI: 10.1109/TGRS.2018.2886643

30- Sedaghat, A., Mokhtarzade, M., & Ebadi, H. 2011. Uniform robust scale-invariant feature matching for optical remote sensing images. IEEE Transactions on Geoscience and Remote Sensing, 49(11), 4516-4527. DOI: 10.1109/TGRS.2011.2144607.

31- Teo, T. A. 2020. 3d deformation measurement of concrete wall using close-range photogrammetry. The International Archives of Photogrammetry, Remote Sensing and Spatial Information Sciences, 43, 1175-1179. DOI: 10.5194/isprs-archives-XLIII-B2-2020-1175-2020

32- Teunissen, P., Simons, D. J., & Tiberius, C. C. J. M. 2004. Probability and Observation Theory.

33- Varshosaz, M., Afary, A., Saadatseresht, M., Mojarradi, B. 2019. A Novel Approach in Computer Vision and Photogrammetry to Recover the Relative Position and Orientation of Cameras in Stereo Images Using the SVD Decomposition of the Essential Matrix. Journal of Soft Computing and Information Technology, 8(2), 76-88.